

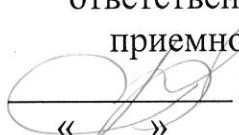
Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение  
высшего образования  
**«Финансовый университет при Правительстве Российской Федерации»**

**Департамент анализа данных и машинного обучения**  
**Факультета информационных технологий и анализа больших данных**

**УТВЕРЖДАЮ**

Проректор по маркетингу и  
работе с абитуриентами,  
ответственный секретарь

приемной комиссии

  
С.В. Брюховецкая  
«   » 2023 г.

## **ПРОГРАММА**

вступительного испытания  
для поступающих на обучение по программам магистратуры

### **«МАТЕМАТИКА И ИНФОРМАТИКА»**

**ОДОБРЕНО**

Протокол заседания  
Департамента анализа данных  
и машинного обучения Факультета  
информационных технологий и  
анализа данных от 30.11.2023 г. № 10

Москва – 2023

## Содержание программы

### Оглавление

1. Общие положения .....	3
2. Содержание программы вступительного испытания .....	3
<b>Часть 1. Математика.....</b>	<b>3</b>
<i>Линейные пространства .....</i>	3
<i>Матрицы и определители .....</i>	3
<i>Введение в анализ .....</i>	3
<i>Дифференциальное исчисление функций одной переменной .....</i>	4
<i>Интегральное исчисление функции одной переменной .....</i>	4
<i>Функции нескольких переменных .....</i>	4
<i>Ряды .....</i>	4
<i>Случайные события и их вероятность .....</i>	4
<i>Случайные величины .....</i>	4
<i>Элементы математической статистики.....</i>	4
<b>Часть 2. Информатика.....</b>	<b>5</b>
<i>Архитектура компьютера и вычислительных систем .....</i>	5
<i>Компьютерные сети .....</i>	5
<i>Алгоритмизация и языки программирования .....</i>	5
<i>Базы данных.....</i>	5
<i>Проектирование информационных систем .....</i>	6
<i>Основы машинного обучения .....</i>	6
3. Учебно-методическое и информационное обеспечение.....	6
4. Примеры заданий .....	9
5. Оценка результатов сдачи вступительных испытаний .....	12

### Составители:

доцент Департамента анализа данных и машинного обучения,

к.т.н. Алюнов А.Н.

доцент Департамента анализа данных и машинного обучения,

к.т.н. Андриянов Н.В.

доцент Департамента анализа данных и машинного обучения,

к.э.н., доцент Маковейчук К.А.

доцент Департамента анализа данных и машинного обучения,

к.т.н. Свирина А.Г.

## **1. Общие положения**

Программа вступительного испытания предназначена для лиц, имеющих документы государственного образца о высшем образовании любого уровня (диплом бакалавра или специалиста) и поступающих по программам магистратуры по направлениям: 01.04.02 «Прикладная математика и информатика», 09.04.03 «Прикладная информатика» и 10.04.01 «Информационная безопасность», 15.04.06 «Мехатроника и робототехника»

Программа составлена на основе Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлениям 01.04.02 «Прикладная математика и информатика», 09.04.03 «Прикладная информатика» и 10.04.01 «Информационная безопасность», 15.04.06 «Мехатроника и робототехника»

Целью вступительных испытаний является определение степени готовности поступающего к освоению основной образовательной программы магистратуры по указанным направлениям.

Задачами вступительных испытаний являются оценка уровня подготовленности поступающего по прикладной математике и информатике и сформированности соответствующих профессиональных компетенций для освоения основной образовательной программы магистратуры по указанным направлениям.

## **2. Содержание программы вступительного испытания**

### **Часть 1. Математика**

#### *Линейные пространства*

Понятие линейного пространства. Примеры линейных пространств. Подпространство линейного пространства. Линейная зависимость векторов. Размерность и базис линейного пространства. Координаты вектора. Комплексные числа.

#### *Матрицы и определители*

Матрицы и операции над ними. Ранг матрицы. Решение системы линейных уравнений методом Гаусса. Свойства определителей. Правило Крамера. Обратная матрица. Собственные значения и собственные векторы квадратной матрицы.

#### *Введение в анализ*

Действительные числа и их свойства. Числовые функции. Элементарные функции. Свойства функций. Числовые последовательности. Предел последовательности. Свойства сходящихся последовательностей. Предел функции в точке. Непрерывные функции. Свойства непрерывных функций.

*Дифференциальное исчисление функций одной переменной*

Производная функции. Уравнение касательной. Производные основных элементарных функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы дифференциального исчисления. Формула Тейлора. Исследование функций с помощью производной.

*Интегральное исчисление функции одной переменной*

Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Методы интегрирования. Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Несобственные интегралы.

*Функции нескольких переменных*

Непрерывные функции нескольких переменных и их свойства. Частные производные. Дифференцируемость функций нескольких переменных. Градиент и его свойства. Локальный экстремум. Глобальный экстремум. Условный экстремум. Неявные функции.

*Ряды*

Числовые ряды и их сходимость. Степенные ряды. Область сходимости степенного ряда. Представление основных элементарных функций степенным рядом.

*Случайные события и их вероятность*

Основные понятия комбинаторики. Классический способ подсчета вероятностей. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Аксиомы вероятности и вероятностное пространство. Условные вероятности. Формула полной вероятности и формулы Байеса вероятностей гипотез. Независимые события. Схема повторных независимых испытаний (схема Бернулли). Приближенные формулы Лапласа. Функции Гаусса и Лапласа. Предельная теорема и приближенная формула Пуассона.

*Случайные величины*

Функция распределения случайной величины. Дискретные случайные величины. Основные числовые характеристики дискретных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, стандартное отклонение, ковариация и коэффициент корреляции. Примеры классических дискретных распределений (биномиальное, пуассоновское, геометрическое). Непрерывные случайные величины. Свойства функции плотности. Математическое ожидание и дисперсия абсолютно непрерывной случайной величины.

*Элементы математической статистики*

Статистические методы обработки экспериментальных данных. Генеральная совокупность. Эмпирическая функция распределения и вариационный ряд. Гистограмма. Мода и медиана. Статистические оценки параметров распределения.

Точечные и интервальные оценки. Доверительные вероятности и интервалы. Статистическая проверка гипотез.

## **Часть 2. Информатика**

### *Архитектура компьютера и вычислительных систем*

Понятие архитектуры компьютера. Архитектура фон Неймана. Программный принцип управления. Вычислительные системы и их классификация. Представление информации в компьютере. Системы счисления, двоичные коды, двоичная арифметика, форматы с фиксированной и плавающей запятой. Процессоры, классификация процессоров. Иерархическая память. Регистровая память, кэш-память, оперативная память. Внешняя память. Виртуальная память. Основные устройства ввода-вывода: назначение устройств, принципы действия. Программные средства: классификация, назначение и основные функции; назначение и основные функции операционных систем, характеристика основных типов операционных систем.

### *Компьютерные сети*

Понятие вычислительной сети. Классификация сетей. Сетевые протоколы. Протокол TCP/IP. Адресация в сети. IP-адрес. Коммутация каналов и пакетов. Маршрутизация пакетов. Локальные сети. Топология локальных сетей. Методы доступа к среде передачи. Стандарт Ethernet.

### *Алгоритмизация и языки программирования*

Понятие алгоритма. Свойства алгоритма. Способы записи алгоритма. Понятие структуры данных. Классификация структур данных: статические и динамические структуры, линейные и нелинейные структуры, структуры с последовательным размещением элементов в памяти и структуры с произвольным связанным размещением элементов (линейные списки, деревья). Системы программирования. Трансляторы: компиляторы и интерпретаторы. Структурные, функциональные и объектно-ориентированные языки программирования. Структурное программирование: процедуры, функции, циклы, операторы перехода. Основные понятия функциональных языков. Объектно-ориентированное программирование. Основные понятия: объект, класс, инкапсуляция, наследование, полиморфизм.

### *Базы данных*

Системы баз данных. Назначение и характеристика баз данных и систем управления базами данных. Уровни представления данных: концептуальный уровень, логический и физический. Иерархическая, сетевая и реляционная модель. Основные понятия реляционной модели данных. Нормализация отношений. Первая, вторая и третья нормальные формы отношений. Проектирование баз данных. ER-модель: основные понятия, нотация IDEF1X. Язык SQL: особенности и формы использования, основные

типы данных и функций, основные инструкции создания таблиц, выборки данных, изменения структуры и содержимого таблиц.

### *Проектирование информационных систем*

Стандарты и профили в области ИС. Роль и место стандартизации в проектировании ИС. Автоматизированные системы. Профили информационных систем. Методологии и технологии проектирования ИС. Структурный подход к проектированию ИС. Методология SADT. Технологии и инструменты моделирования информационных потоков. Методика системного проектирования. Роль системного проектирования в процессе создания информационных систем.

### *Основы машинного обучения*

Понятие машинного обучения, обучение с учителем и без учителя, задачи регрессии и классификации. Основные методы классификации и регрессии. Переобучение и недообучение. Визуализация данных.

## **3. Учебно-методическое и информационное обеспечение**

### **Часть 1**

1. Соловьев В. И. Анализ данных в экономике. Теория вероятностей и прикладная статистика в Microsoft Excel : учебник / В. И. Соловьев. - Москва: КНОРУС, 2019.
2. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для вузов / В. Е. Гмурман. — 12-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 479 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00211-9.
3. Высшая математика для экономического бакалавриата. В 3 ч. Ч.1: учебник и практикум для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин, М. Н. Фридман; под ред. Н. Ш. Кремера. – Москва: Юрайт, 2019. – 276 с. – Бакалавр. Академический курс. – Текст: непосредственный. – То же 2023. – ЭБС Юрайт. – URL: <https://urait.ru/bcode/513040> (дата обращения: 04.12.2023). – Текст: электронный.
4. Математика для экономистов и менеджеров: учебник / Б. А. Путко, И. М. Тришин, М. Н. Фридман; под общ. ред. Н. Ш. Кремера. – Москва: КноРус, 2022. – 479 с. – ЭБС BOOK.ru. – URL: <https://book.ru/book/942128> (дата обращения: 04.12.2023). – Текст: электронный.
5. Высшая математика: учебник и практикум для академического бакалавриата / М. Б. Хрипунова [и др.]; под общей редакцией М. Б. Хрипуновой, И. И. Цыганок. – Москва: Юрайт, 2019. – 478 с. – (Бакалавр. Академический курс). – ЭБС Юрайт. –

URL: <https://urait.ru/bcode/433122>. – Текст: электронный.

6. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х тт.: учебник / Г.М. Фихтенгольц. — СанктПетербург: Лань, 2019.
7. Демидович Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: учебное пособие / Б.П. Демидович. — СанктПетербург: Лань, 2019.
8. Информационно-образовательный портал Финансового университета при Правительстве Российской Федерации <https://portal.fa.ru/>.
9. Сайт департамента анализа данных и машинного обучения <http://www.fa.ru/org/dep/findata>
10. Электронная библиотека Финансового университета (ЭБ) <http://elib.fa.ru/>
11. Электронно-библиотечная система BOOK.RU <http://www.book.ru>
12. Электронно-библиотечная система Znaniум <http://www.znanium.com>
13. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» <https://www.biblio-online.ru/>

## Часть 2

1. Агалыцов В.П. Базы данных: в 2-х кн.: учеб. Кн.1. Локальные базы данных / В.П. Агалыцов.- 2-е изд., перераб. — М: ИД "ФОРУМ": ИНФРА-М, 2017 .— 352 с.
2. Новожилов, О. П. Архитектура ЭВМ и систем в 2 ч. Часть 1 : учебное пособие для академического бакалавриата / О. П. Новожилов. — Москва : Юрайт, 2023. — 276 с. — (Бакалавр. Академический курс). - ЭБС Юрайт. — URL:<https://urait.ru/bcode/516640> (дата обращения: 18.12.2023). — Текст : электронный.
3. Новожилов, О. П. Архитектура ЭВМ и систем. В 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для академического бакалавриата / О. П. Новожилов. — Москва : Юрайт, 2023. — 246 с.— ЭБС Юрайт. — URL: <https://urait.ru/bcode/516641> (дата обращения: 18.12.2023). — Текст : электронный.
4. Толстобров, А. П. Архитектура ЭВМ : учебное пособие для вузов / А. П. Толстобров. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Юрайт, 2023. — 154 с. — (Высшее образование). — ЭБС Юрайт. — URL: <https://urait.ru/bcode/518719> (дата обращения: 18.05.2023). — Текст : электронный.
5. Орлов С. А., Цилькер Б. Я. Организация ЭВМ и систем: Учебник для вузов. 4-е изд. — СПб.: Питер, 2024. — 688 с.: ил.

6. Моргунов, Е. П. PostgreSQL. Основы языка SQL: учеб. пособие / Е. П. Моргунов; под ред. Е. В. Рогова, П. В. Лузанова. — СПб.: БХВ-Петербург, 2018. — 336 с.: ил..
7. Пятибраторов А.П., Грудыно Л.П., Кириченко А.А. Вычислительные системы, сети и телекоммуникации. / под ред. А.П.Пятибраторов, М.: КНОРУС, 2017– 376 с.: ил.
8. Баранова, Е. К. Информационная безопасность и защита информации: учебное пособие / Е. К. Баранова, А. В. Бабаш. – Москва : РИОР, 2014. - 256 с. - Текст : непосредственный. Баранова, Е. К. Информационная безопасность и защита информации : учебное пособие / Е. К. Баранова, А. В. Бабаш. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : РИОР : ИНФРА-М, 2022. — 336 с. — (Высшее образование). — ЭБС ZNANIUM.com. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/1861657> (дата обращения: 18.05.2023). - Текст : электронный.
9. Вотинов, М. В. Вычислительные машины, системы и компьютерные сети / М. В. Вотинов. – Мурманск : МГТУ, 2018. - 156 с. – ЭБС Лань. - URL: <https://e.lanbook.com/book/142639> (дата обращения: 18.05.2023). – Текст : электронный.
10. Нестеров, С. А. Базы данных : учебник и практикум для вузов / С. А. Нестеров. — Москва : Юрайт, 2023. — 230 с. — (Высшее образование). — ЭБС Юрайт. — URL: <https://urait.ru/bcode/511650> (дата обращения: 14.06.2023). – Текст : электронный.
11. Колдаев В.Д. Основы алгоритмизации и программирования: учебное пособие / под ред. проф. Л. Г. Гагариной. — Москва: ИД ФОРУМ: ИНФРА-М, 2019.
12. Елиферов, В. Г. Бизнес-процессы: регламентация и управление: учебник / В. Г. Елиферов, В. В. Репин. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 319 с. — (Учебники для программы MBA). — URL: <https://znanium.com/catalog/product/1907029> (дата обращения: 13.12.2023). — Текст : электронный.
13. Богданова, Е. Н. Комплексный анализ и моделирование бизнес-процессов производственного предприятия: учебное пособие / Е. Н. Богданова, О. И. Бедердинова. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 90 с. — (Высшее образование:

Магистратура). — URL: <https://znanium.com/catalog/product/1913571> (дата обращения: 13.12.2023). — Текст : электронный.

- 14.** Андриянов Н.А. Никитин П.В. Построение и оценка моделей машинного обучения. 01.04.02 «Прикладная математика», всех профилей (программы подготовки магистров) – М.: Финансовый университет, департамента анализа данных и машинного обучения, 2024. -140с.
- 15.** Коротеев М.В., Основы машинного обучения на Python: учебник / М.В. Коротеев. – Москва: Кнорус, 2024. – 431с.
- 16.** Информационно-образовательный портал Финансового университета при Правительстве Российской Федерации <https://portal.fa.ru/>.
- 17.** Сайт департамента анализа данных и машинного обучения <http://www.fa.ru/org/dep/findata>
- 18.** Электронная библиотека Финансового университета (ЭБ) <http://elib.fa.ru/>
- 19.** Электронно-библиотечная система BOOK.RU <http://www.book.ru>
- 20.** Электронно-библиотечная система Znaniум <http://www.znanium.com>
- 21.** Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» <https://www.biblio-online.ru/>

#### **4. Примеры заданий**

##### **Часть 1**

**1.** Угол между двумя единичными векторами  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  равен  $60^\circ$ . Найти длину вектора  $\vec{c} = \vec{b} - \vec{a}$ .

**2.** Найти (в градусах) острый угол наклона к оси  $Ox$  асимптоты гиперболы

$$\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1.$$

**3.** Вычислить предел:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{1 + 2^{\frac{1}{x}}}.$$

**4.** Вычислить определенный интеграл

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x \, dx.$$

**5.** Дан закон распределения случайной величины  $X$ :

$x_i$	-2	3
-------	----	---

$p_i$	0,2	0,8
-------	-----	-----

Найти ее дисперсию.

**6.** Найти положительное собственное значение матрицы

$$\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 8 & 3 \end{pmatrix}.$$

**7.** Найти значение функции двух переменных  $z=x \ln y + y$  в критической точке.

**8.** Найти площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = \frac{1}{3}x^2$ ,  $x = 0$ ,  $y = 3$ .

**9.** Вероятность того, что данный студент сдаст каждый из трех экзаменов, выносимых на сессию, равна 0,8. Найти вероятность того, что студент сдаст в сессию хотя бы один экзамен.

**10.** Случайная величина  $X$ , сосредоточенная на интервале  $[0; 3]$ , задана плотностью вероятности  $\varphi(x) = \frac{2}{9}x$ . Найти ее математическое ожидание.

## Часть 2

В заданиях **11–20** выбрать правильные ответы.

**11.** Число  $A_{16}$  при переводе в десятичную систему счисления соответствует числу

:

$16_{10}$ ;

$10_{10}$ ;

$64_{10}$ ;

$32_{10}$ ;

$15_{10}$ .

**12.** Эталонная модель взаимодействия открытых систем (OSI, Open Systems Interconnection) имеет следующие уровни:

физический;

математический;

сесонный;

прикладной;

структурный.

**13.** Алгоритм – это:

понятное и точное предписание исполнителю совершить последовательность действий, направленных на достижение поставленных целей;  
набор команд для компьютера;  
протокол вычислительной сети;  
регламент бизнес процесса.

**14.** Инкапсуляция в объектно-ориентированном программировании:  
позволяет обеспечить высокий уровень безопасности данных;  
упрощает отладку программ;  
облегчает создание новых классов на основе существующих;  
позволяет изменять процедуры обработки данных незаметно для пользователя.

**15.** Значение атрибута в реляционной модели является:  
иерархической структурой;  
атомарным (единственным);  
строкой нескольких значений;  
множеством значений.

**16.** Первая нормальная форма имеет место, если:  
существует множество атрибутов, однозначно определяющих кортеж;  
значение каждого атрибута отношения атомарно;  
отношение не имеет повторяющихся кортежей;  
отношение не имеет избыточных атрибутов.

**17.** Условия или возможности, которым должна соответствовать создаваемая информационная система, – это:  
требования к системе;  
рамки проекта;  
границы проекта;  
свойства системы;  
точка зрения на систему.

**18.** Жизненный цикл ИС – это:  
период времени, который начинается с момента внедрения созданной системы и заканчивается в момент ее полного изъятия из эксплуатации;  
период времени, который начинается с момента принятия решения о необходимости создания системы и заканчивается в момент ее ввода в эксплуатацию;

период времени, который начинается с момента принятия решения о необходимости создания системы и заканчивается в момент ее полного изъятия из эксплуатации;

период времени, который отведен на проектирование системы;

период времени, который начинается с момента начала проектирования системы и заканчивается в момент ее полного изъятия из эксплуатации.

**19.** Разработка прототипов системы характерна для модели жизненного цикла:

- каскадной;
- поэтапной с промежуточным контролем;
- спиральной;
- поэтапной без промежуточного контроля;
- циклической.

**22.** Алгоритмами машинного обучения без учителя являются:

- множественная линейная регрессия
- иерархическая кластеризация
- метод опорных векторов
- метод k-средних

### **15.Оценка результатов сдачи вступительных испытаний**

Вступительное испытание осуществляется в форме компьютерного тестирования и оценивается из расчета 100 баллов. В teste содержится 20 тестовых заданий: 10 – по математике и 10 – по информатике. Трудоемкость выполнения теста составляет 50 мин., при этом среднее время выполнения каждого тестового задания составляет 2,5 мин. Выполнение любого из 20 тестовых заданий оценивается 5 баллами. Балльной оценкой результата сдачи вступительного испытания является сумма набранных баллов за правильные ответы тестовых заданий.